

第 1 問 ( 必答問題 )

解答解説のページへ

[1] 2 次関数  $y = -2x^2 + ax + b$  のグラフを  $C$  とする。

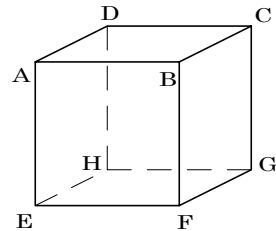
$C$  は頂点の座標が  $(\frac{a}{\text{ア}}, \frac{a^2}{\text{イ}} + b)$  の放物線である。  $C$  が点  $(3, -8)$

を通るとき、  $b = \text{ウエ} a + 10$  が成り立つ。このときのグラフ  $C$  を考える。

(1)  $C$  が  $x$  軸と接するとき、  $a = \text{オ}$  または  $a = \text{カキ}$  である。  $a = \text{カキ}$  のときの放物線は、  $a = \text{オ}$  のときの放物線を  $x$  軸方向に  $\text{ク}$  だけ平行移動したものである。

(2)  $C$  の頂点の  $y$  座標の値が最小になるのは、  $a = \text{ケコ}$  のときで、このときの最小値は  $\text{サシ}$  である。

[2] 1 辺の長さが 1 の立方体の 8 個の頂点  $A, B, C, D, E, F, G, H$  が図のような位置関係にあるとする。この 8 個の頂点から相異なる 3 点を選び、それらを頂点とする三角形をつくる。



(1) 三角形は全部で  $\text{スセ}$  個できる。また、互いに合同でない三角形は全部で  $\text{ソ}$  種類ある。

(2)  $ABC$  と合同になる確率は  $\frac{\text{タ}}{\text{チ}}$  であり、また、正三角形になる確率は

$\frac{\text{ツ}}{\text{テ}}$  である。

(3) 三角形の面積の期待値は  $\frac{\text{ト} + \text{ナ}}{\text{ニヌ}} \sqrt{2} + \sqrt{3}$  である。

第 2 問 ( 必答問題 )

解答解説のページへ

[1] (1)  $p, q, r$  を実数とし,  $x$  についての整式  $A, B$  を  $A = x^3 + px^2 + qx + r$ ,  $B = x^2 - 3x + 2$  とする。

(a)  $A$  を  $B$  で割ったときの商が  $x - 1$  であった。このとき,  $p =$   である。

(b)  $A$  を  $B$  で割ったときの余りが  $x$  で割り切れた。このとき,

$r =$    $p +$   である。

(c)  $A$  を  $B$  で割ったとき, その商と余りが等しくなった。このとき

$q + r =$   である。

(2)  $a, b$  を実数として, 次の  ~  に, 下の 0 ~ G のうちから当てはまるものを 1 つずつ選べ。

$(|a+b|+|a-b|)^2 = 2(a^2 + b^2 +$  ) であるから,  $(|a+b|+|a-b|)^2 = 4a^2$

が成り立つための必要十分条件は  である。  でないときは

$(|a+b|+|a-b|)^2 =$   となる。

また,  $\frac{1}{2}(|a+b|+|a-b|) = b$  が成り立つための必要十分条件は  である。

	$a^2$	$b^2$	$4a^2$	$4b^2$	$ab$
	$ ab $	$2ab$	$2 ab $	$a^2 - b^2$	$b^2 - a^2$
A	$ a^2 - b^2 $	B $a^2$ $b^2$	C $a^2$ $b^2$	D $a$ $ b $	E $ a $ $b$
F	$a$ $ b $	G $ a $ $b$			

[2] ABC において,  $AB = 5$ ,  $BC = 2\sqrt{3}$ ,  $CA = 4 + \sqrt{3}$  とする。このとき,

$\cos A = \frac{\text{コ}}{\text{サ}}$  である。 ABC の面積は  $\frac{\text{シス} + \text{セ}}{2} \sqrt{\text{ソ}}$  である。

B を通り CA に平行な直線と ABC の外接円との交点のうち, B と異なる方を D とするとき,  $BD =$    $-\sqrt{\text{チ}}$  であり, 台形 AD BC の面積は  である。

## 第 3 問 ( 選択問題 )

解答解説のページへ

(1) 等比数列  $18, -6\sqrt{3}, 6, \dots$  の第 6 項は  $\frac{\boxed{\text{アイ}} \sqrt{\boxed{\text{ウ}}}}{\boxed{\text{エ}}}$  であり, 初項から

第 15 項までの奇数番目の項の和は  $\frac{\boxed{\text{オカキク}}}{\boxed{\text{ケコサ}}}$  である。

(2) 数列  $1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 5, 5, 5, 5, 5, 6, \dots$  の第  $n$  項を  $a_n$  とする。この数列を

$1 \mid 2, 2 \mid 3, 3, 3 \mid 4, 4, 4, 4 \mid 5, 5, 5, 5, 5 \mid 6, \dots$

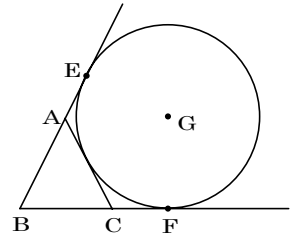
のように 1 個, 2 個, 3 個, 4 個,  $\dots$  と区画に分ける。

第 1 区画から第 20 区画までの区画に含まれる項の個数は  $\boxed{\text{シスセ}}$  であり,  
 $a_{215} = \boxed{\text{ソタ}}$  となる。また, 第 1 区画から第 20 区画までの区画に含まれる項の総和は  $\boxed{\text{チツテト}}$  であり,  $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n = 3000$  となる最小の自然数  $n$  は  $\boxed{\text{ナニヌ}}$  である。

第 4 問 ( 選択問題 )

解答解説のページへ

AB = AC である二等辺三角形 ABC の内接円の中心を I とし、内接円 I と辺 BC の接点を D とする。辺 BA の延長と点 E で、辺 BC の延長と点 F で接し、辺 AC と接する  $\angle B$  内の円の中心 ( 傍心 ) を G とする。



次の文章中の アイ、ウエ、オカ については、当てはまる文字を A ~ G のうちから選べ。ただし、オとカは解答の順序を問わない。

(1)  $AD = GF$  が成り立つことを示そう。

$2\angle EAG = \angle E$  アイ  $= \angle ABC + \angle B$  ウエ  $= 2\angle ABC$  であるから、  
 $\angle EAG = \angle ABC$  となる。したがって、直線 オカ と直線 BF は平行である。さらに、  
 A, I, D は一直線上にあって、 $\angle ADC = \angle GFD =$  キク  $^\circ$  であるから、四角形 ADFG は ケ となる。よって、 $AD = GF$  である。ただし、ケ には、次の 0 ~ のうちから最もふさわしいものを選べ。

- 0 正方形                  台形                  長方形                  ひし形

(2)  $AB = 5$ 、 $BD = 2$  のとき、IG の長さを求めよう。まず、 $AD = \sqrt{\text{コサ}}$  であり、

$$AI = \frac{\text{シ} \sqrt{\text{コサ}}}{\text{ス}}$$

となる。また、 $\angle AGI = \angle CBI = \angle ABI$  であるから、

$$AG = \text{セ} \quad \text{となり、} \quad IG = \frac{\text{ソ} \sqrt{\text{タチ}}}{\text{ツ}}$$

である。

## 第 5 問 ( 選択問題 )

解答解説のページへ

下のプログラムは、自然数  $N$  を入力して、 $\boxed{\text{ア}}$  を小さい順に  $a(1)=$ ,  $a(2)=$ , ... と表示し、さらにそれらの和を  $S=$  と表示するものである。ただし、このプログラムにおいて、 $\text{INT}(A)$  は  $A$  を超えない最大の整数を表す。

$\boxed{\text{ア}}$  に当てはまるものを、次の 0 ~ のうちから 1 つ選べ。

- 0  $N$  以下の正の奇数で 3 の倍数であるもの  
 $N$  以下の正の奇数で 3 の倍数でないもの  
 $N$  以下の正の偶数で 3 の倍数であるもの  
 $N$  以下の正の偶数で 3 の倍数でないもの

```

100 S=0
110 T=0
120 INPUT " N= ";N
130 FOR K=1 TO N
140 IF INT(K/2)=K/2 THEN GOTO 190
150 IF INT(K/3)=K/3 THEN GOTO 190
160 T=T+1
170 S= $\boxed{\text{イ}}$ 
180 PRINT " a( "; $\boxed{\text{ウ}}$ ; " )=" ; $\boxed{\text{エ}}$ 
190 NEXT K
200 PRINT " S=" ;S
210 END

```

- (1)  $\boxed{\text{イ}}$  ~  $\boxed{\text{エ}}$  に当てはまるものを、次の 0 ~ のうちから 1 つずつ選び、プログラムを完成させよ。

0  $N$              $K$              $S$              $T$              $S+1$              $S+K$

- (2) このプログラムを実行して、 $N$  として 10 を入力すると、 $a(1)$  から  $a(\boxed{\text{オ}})$  までと  $S=\boxed{\text{カキ}}$  が表示される。このとき、150 行は  $\boxed{\text{ク}}$  回実行され、そのうち  $\boxed{\text{ケ}}$  回は 160 行の実行に進んだ。

- (3) 最初のプログラムで 140 行を

```
140 IF INT(K/2)<K/2 THEN GOTO 160
```

と変更したのち、 $N$  として 10 を入力すると  $a(1)$  から  $a(\boxed{\text{コ}})$  までと  $S=\boxed{\text{サシ}}$  が表示される。